

| Fonction exponentielle<br>de base a | Contrôle n°2 – 1h avec calculatrice | Nom :          |  |
|-------------------------------------|-------------------------------------|----------------|--|
|                                     | Tronc commun: 20 pts                | Classe : TSTI2 |  |
|                                     | Spécialité : 0 pt                   | Classe : 15112 |  |

## Exercice 1:3 pts

Dans un magasin, un pull coute  $60 \in$ . Aux périodes de soldes, le prix du pull baisse de 15%. On note  $(u_n)$  le prix du pull après n périodes de soldes.

- 1. Déterminer les valeurs de  $u_0$  et  $u_1$ .
- 2. Pour tout  $n \in \mathbb{N}$ , exprimer  $u_{n+1}$  en fonction de  $u_n$  puis  $u_n$  en fonction de n
- 3. Calculer le prix du pull après 3 périodes de soldes.

## Exercice 2: 4 pts

Ecrire les nombres suivants sous la forme d'une seule puissance  $a^k$ . Ecrire les calculs.

$$A = \frac{7.1^{-6.8} \times (7.1^{-3})^{7.1}}{7.1^{5.8} \times 7.1^{-12.1}}$$

$$B = 15^{-2} \times 0.8^{-2} \times 7.8^{-2}$$

## Exercice 3: 6 pts

Samuel veut vendre un casque audio qu'elle n'utilise plus et dont le prix est compris entre 10€ et 30€ sur les sites de vente d'occasion.

Il estime que, pour un prix de x euros, l'offre est  $f(x) = 1,05^x$  et la demande est  $g(x) = 7 \times 1,05^{-x}$ 

- **1.** Quel est le sens de variation de la fonction *f* ? Justifier.
- **2.** Quel est le sens de variation de la fonction *g* ? Justifier.
- **3.** Calculer l'offre pour un prix de 15€ ainsi que la demande pour un prix de 15€. Arrondir à l'unité.
- **4.** Montrer que le prix d'équilibre est solution de l'équation  $1{,}1025^x = 7$
- **5.** Grâce à la calculatrice, trouver le prix d'équilibre. Arrondir à l'unité.

<u>Aide</u>: Le prix d'équilibre est celui qui égalise la demande et l'offre, il est solution de f(x) = g(x).

## Exercice 4: 7 pts

Ce tableau donne l'évolution du nombre de bénéficiaires de minima sociaux en milliers de personnes.

| Année                                    | 2002   | 2003   | 2004   | 2005   |
|--|--------|--------|--------|--------|
| Nombre de bénéfi-<br>ciaires en milliers | 3258,7 |        | 3425,4 | 3513,1 |
| Année                                    | 2006   | 2007   | 2008   | 2009   |
| Nombre de bénéfi-<br>ciaires en milliers | 3494,2 | 3334,6 | 3297,5 | 3502,7 |

- 1. Entre 2002 et 2003, le nombre de bénéficiaires a augmenté de 1,69%. Calculer le nombre de bénéficiaires en 2003 (arrondir à 0,1 millier).
- 2. Déterminer le coefficient multiplicateur entre 2007 et 2009, en déduire le taux d'évolution. Arrondir au centième.
- 3. Calculer le coefficient multiplicateur global entre 2002 et 2009 ? Arrondir au millième.
- 4. Calculer le taux d'évolution annuel moyen du nombre de bénéficiaires entre 2002 et 2009. Arrondir au centième.
- 5. Le gouvernement souhaite qu'en 2015, le nombre de bénéficiaires de minima sociaux ne dépasse pas 3 800 000. Si l'évolution moyenne est de 1,04% par an après 2009, cet objectif est-il réalisable ?